

ESERCIZI

1) Supponete di avere una scacchiera con $n \times n$ caselle e una pedina che dovete muovere dall'estremità inferiore a quella superiore. Una pedina si può muovere una cella in alto, oppure una cella in diagonale destra, oppure una cella in diagonale sinistra. Le celle sono denotate da una coppia di coordinate (x,y) . Quando una cella (x,y) viene visitata, guadagnate $p(x,y) \geq 0$.

Calcolare un percorso da una qualunque casella dell'estremità inferiore ad una qualunque casella dell'estremità superiore, massimizzando il profitto. Definire anche una procedura che stampi il percorso calcolato.

2) Supponete di avere una scacchiera con $n \times n$ caselle e una pedina. Quando posizionata sulla generica casella (i,j) per la pedina sono possibili al più due mosse:

- spostarsi verso il basso nella casella $(i + 1, j)$, se $i < n-1$;
- spostarsi verso destra nella casella $(i, j + 1)$, se $j < n-1$.

Progettare un algoritmo di programmazione dinamica che calcola il numero di percorsi possibili per spostare la pedina dalla casella $(0, 0)$ in alto a sinistra alla casella $(n-1, n-1)$ in basso a destra (ad esempio, in una scacchiera 3×3 i percorsi possibili sono 6). Valutare la complessità dell'algoritmo proposto.